



"أهم خطوة في طريق النجاح... أن تؤمن أنك تستحقه"

الوحدة الأولى

الاقترانات والمقادير الجبرية

07 9638 7341

الأستاذ ضياء البهنسي الرياضيات

الإنجاز	الصفحة	الدّرس
☐	1	الاقترانات المتشعبة
☐	21	حل معادلات القيمة المطلقة ومتبايناتها
☐	32	نظريتا الباقي والعوامل
☐	57	الكسور الجزئية

الدّرس الأوّل: الاقترانات المتشعّبة

الاقتران المتشعّب

تعريف

هو الاقتران المُعرّف بقواعد مختلفة عند أجزاء مختلفة في مجاله.

سؤال (1) إذا كان $f(x) = \begin{cases} -2x+1, & -3 \leq x < 1 \\ x^2, & x \geq 1 \end{cases}$ ، فأجب عمّا يأتي:

جد قيمة $f(0)$

الحل

جد مجال $f(x)$

الحل

جد قيمة $f(1)$

الحل

جد قيمة $f(-2)$

الحل

سؤال (2) إذا كان $f(x) = \begin{cases} 3x+2, & x < 2 \\ 5, & x = 2 \\ 2x-1, & x > 2 \end{cases}$ ، فأجب عمّا يأتي:

جد قيمة $f(1)$

الحل

جد مجال $f(x)$

الحل

جد قيمة $f(2)$

الحل

جد قيمة $f(5)$

الحل

الدّرس الأوّل: الاقترانات المتشعبة

سؤال (3) اختر رمز الإجابة الصحيحة في كلّ مما يأتي:

1 إذا كان: $f(x) = \begin{cases} 3x^2, & x < -1 \\ 4x-3, & -1 \leq x \leq 4 \\ 2, & x > 4 \end{cases}$ فإن قيمة $f(-2)$ هي:

- a -12 b 12
c -11 d 11

2 إذا كان: $f(x) = \begin{cases} 3x^2, & x < -1 \\ 4x-3, & -1 \leq x \leq 4 \\ 2, & x > 4 \end{cases}$ فإن قيمة $f(-1)$ هي:

- a 1 b -1
c 7 d -7

3 إذا كان: $f(x) = \begin{cases} 3x^2, & x < -1 \\ 4x-3, & -1 \leq x \leq 4 \\ 2, & x > 4 \end{cases}$ فإن قيمة $f(0)$ هي:

- a -3 b 3
c 0 d 2

4 إذا كان: $f(x) = \begin{cases} 3x^2, & x < -1 \\ 4x-3, & -1 \leq x \leq 4 \\ 2, & x > 4 \end{cases}$ فإن قيمة $f(4)$ هي:

- a 48 b 19
c 13 d 2

5 إذا كان: $f(x) = \begin{cases} 3x^2, & x < -1 \\ 4x-3, & -1 \leq x \leq 4 \\ 2, & x > 4 \end{cases}$ فإن قيمة $f(5)$ هي:

- a 5 b 2
c 10 d 25

الدّرس الأوّل: الاقترانات المتشعبة

سؤال (4) اختر رمز الإجابة الصحيحة في كلّ مما يأتي:

1 إذا كان: $f(x) = \begin{cases} 3x^2 - 4x + 2, & x < 3 \\ -2x^2 + 5x + 7, & x \geq 3 \end{cases}$ فإن قيمة $f(-2)$ هي:

- a -18 b -11
c 11 d 22

2 إذا كان: $f(x) = \begin{cases} 2x, & x < 2 \\ x^2 + 1, & x \geq 2 \end{cases}$ فإن مجال الاقتران $f(x)$ هو:

- a $[2, \infty)$ b $(-\infty, 2]$
c $(-\infty, \infty)$ d $(2, \infty)$

3 إذا كان: $f(x) = \begin{cases} 3 - 4x, & x < -1 \\ -4, & -1 \leq x \leq 3 \\ x^2, & x > 3 \end{cases}$ فإن مجال الاقتران $f(x)$ هو:

- a $(-1, \infty)$ b $[-1, \infty)$
c $(-\infty, \infty)$ d $(-\infty, -1]$

4 إذا كان: $f(x) = \begin{cases} 2x + 3, & x \neq 2 \\ 5x, & x = 2 \end{cases}$ فإن مجال الاقتران $f(x)$ هو:

- a $(-\infty, 2]$ b $[2, \infty)$
c $[-2, 2]$ d $(-\infty, \infty)$

5 إذا كان: $f(x) = \begin{cases} 4x + 2, & x \neq -3 \\ 7, & x = -3 \end{cases}$ فإن قيمة $f(-3)$ هي:

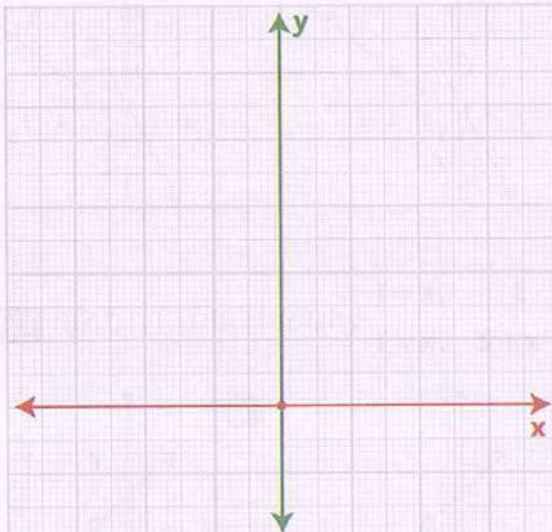
- a 10 b -10
c 7 d -3

الدّرس الأوّل: الاقترانات المتشعبة

سؤال (5)

إذا كان: $f(x) = \begin{cases} -2x+1 & , -3 \leq x < 1 \\ x^2 & , x \geq 1 \end{cases}$ ، مثل الاقتران $f(x)$ بيانياً وحدد مداه.

الحل



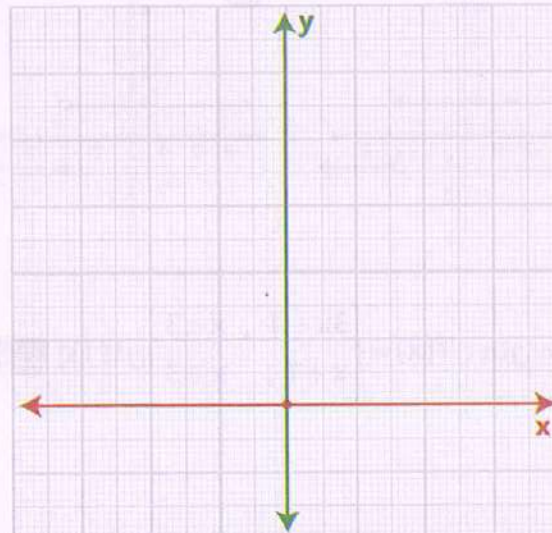
x		
$y = f(x) = -2x + 1$		
(x,y)	(,)	(,)

x			
$y = f(x) = x^2$			
(x,y)	(,)	(,)	(,)

سؤال (6)

إذا كان: $f(x) = \begin{cases} 3x+2 & , x < 2 \\ 5 & , x = 2 \\ 2x+1 & , x > 2 \end{cases}$ ، مثل الاقتران $f(x)$ بيانياً وحدد مداه.

الحل

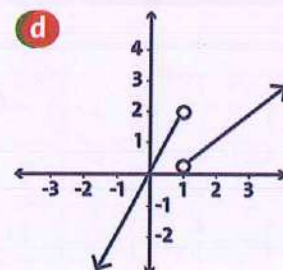
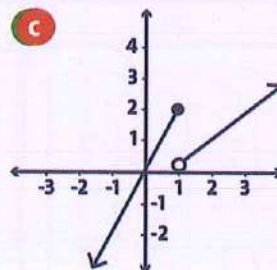
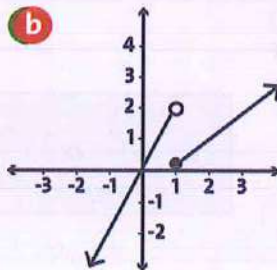
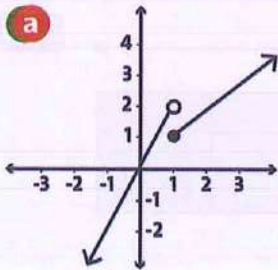
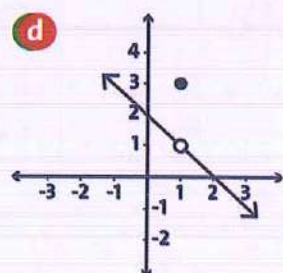
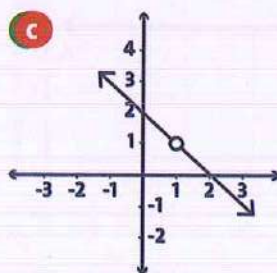
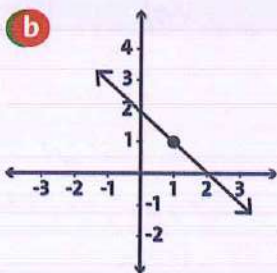
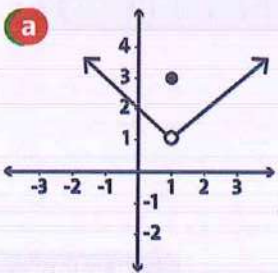
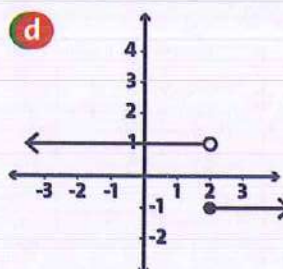
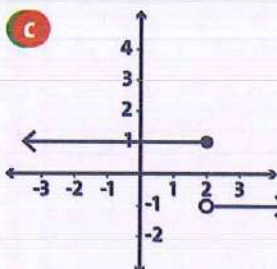
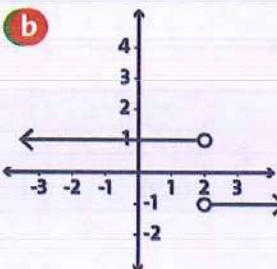
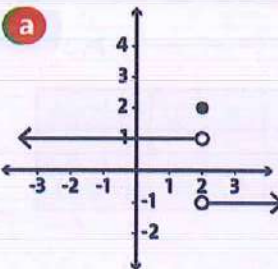


x			
$y = f(x) = 3x + 2$			
(x,y)	(,)	(,)	(,)

x	
$y = f(x) = 2x + 1$	
(x,y)	(,)

الدّرس الأوّل: الاقتترانات المتشعبة

سؤال (7) اختر رمز الإجابة الصحيحة في كلّ مما يأتي:

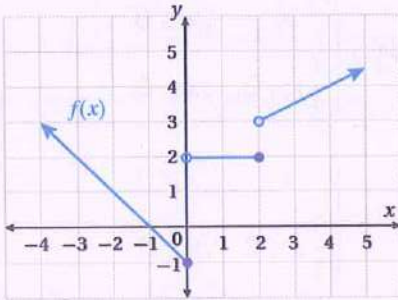
1 التمثيل البياني للاقتران: $f(x) = \begin{cases} 2x, & x < 1 \\ x-1, & x \geq 1 \end{cases}$ هو:2 التمثيل البياني للاقتران: $f(x) = \begin{cases} 3, & x = 1 \\ -x+2, & x \neq 1 \end{cases}$ هو:3 التمثيل البياني للاقتران: $f(x) = \begin{cases} 1, & x \leq 2 \\ -1, & x > 2 \end{cases}$ هو:4 إذا كان: $f(x) = \begin{cases} 3x-4, & x < 3 \\ x+1, & x \geq 3 \end{cases}$ فإن مدى الاقتران $f(x)$ هو:a $[4, \infty)$ b $(5, \infty)$ c $(-\infty, \infty)$ d $[3, \infty)$

الدّرس الأوّل: الاقترانات المتشعبة

سؤال (8)

اكتب قاعدة الاقتران $f(x)$ الممّثل بيانياً في الشكل المجاور.

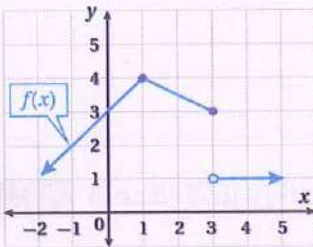
الحل



سؤال (9)

اكتب قاعدة الاقتران $f(x)$ الممّثل بيانياً في الشكل المجاور.

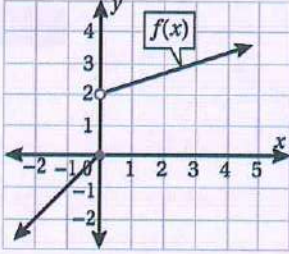
الحل



الدّرس الأوّل: الاقترانات المتشعبة

سؤال (10) اختر رمز الإجابة الصحيحة في كلّ مما يأتي:

1 قاعدة الاقتران المتشعب المُعطى تمثيله البياني في الشكل المجاور هو:



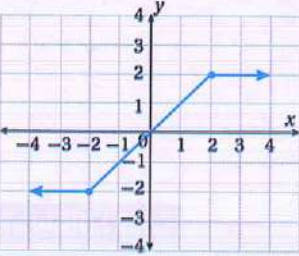
$$\text{a) } f(x) = \begin{cases} x & , x < 0 \\ \frac{1}{3}x - 2 & , x \geq 0 \end{cases}$$

$$\text{b) } f(x) = \begin{cases} x & , x \leq 0 \\ \frac{1}{3}x + 2 & , x > 0 \end{cases}$$

$$\text{c) } f(x) = \begin{cases} x & , x \leq 0 \\ \frac{1}{3}x - 2 & , x > 0 \end{cases}$$

$$\text{d) } f(x) = \begin{cases} x & , x < 0 \\ \frac{1}{3}x + 2 & , x \geq 0 \end{cases}$$

2 قاعدة الاقتران المتشعب المُعطى تمثيله البياني في الشكل المجاور هو:



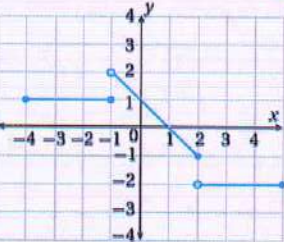
$$\text{a) } f(x) = \begin{cases} -2 & , x \leq -2 \\ x+1 & , -2 < x < 2 \\ 2 & , x \geq 2 \end{cases}$$

$$\text{b) } f(x) = \begin{cases} -2 & , x < -2 \\ x-1 & , -2 \leq x < 2 \\ 2 & , x \geq 2 \end{cases}$$

$$\text{c) } f(x) = \begin{cases} -2 & , x \leq -2 \\ x & , -2 < x < 2 \\ 2 & , x \geq 2 \end{cases}$$

$$\text{d) } f(x) = \begin{cases} 2 & , x < -2 \\ x & , -2 < x < 2 \\ -2 & , x \geq 2 \end{cases}$$

3 قاعدة الاقتران المتشعب المُعطى تمثيله البياني في الشكل المجاور هو:



$$\text{a) } f(x) = \begin{cases} 1 & , x \leq -1 \\ -x+1 & , -1 < x < 2 \\ -2 & , x \geq 2 \end{cases}$$

$$\text{b) } f(x) = \begin{cases} 1 & , x < -1 \\ -x+1 & , -1 \leq x < 2 \\ -2 & , x \geq 2 \end{cases}$$

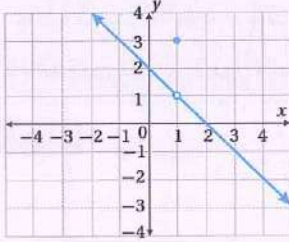
$$\text{c) } f(x) = \begin{cases} 1 & , x \leq -1 \\ 1-x & , -1 < x \leq 2 \\ -2 & , x > 2 \end{cases}$$

$$\text{d) } f(x) = \begin{cases} 1 & , x < -1 \\ 1-x & , -1 \leq x \leq 2 \\ -2 & , x > 2 \end{cases}$$

الدّرس الأول: الاقتترانات المتشعبة

سؤال (11) اختر رمز الإجابة الصحيحة في كل مما يأتي:

1 قاعدة الاقتران المتشعب المُمثل بيانياً في الشكل المجاور هو:

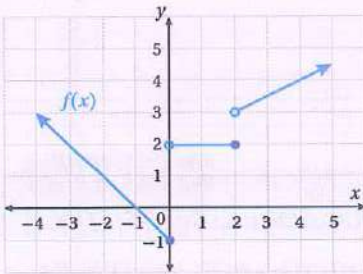


$$\text{a) } f(x) = \begin{cases} -x+2, & x < 1 \\ 3, & x \geq 1 \end{cases}$$

$$\text{b) } f(x) = \begin{cases} 3, & x = 1 \\ 2-x, & x \neq 1 \end{cases}$$

$$\text{c) } f(x) = \begin{cases} 3, & x < 1 \\ 2-x, & x > 1 \end{cases}$$

$$\text{d) } f(x) = \begin{cases} 3, & x \neq 1 \\ 2-x, & x = 1 \end{cases}$$

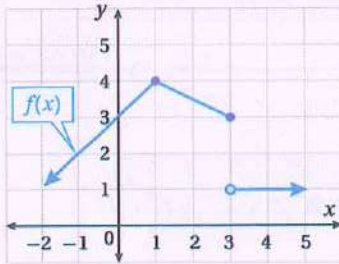
2 مدى الاقتران المتشعب $f(x)$ المُمثل بيانياً في الشكل المجاور:

$$\text{a) } [-1, \infty)$$

$$\text{b) } (-1, \infty)$$

$$\text{c) } (-\infty, \infty)$$

$$\text{d) } [0, \infty)$$

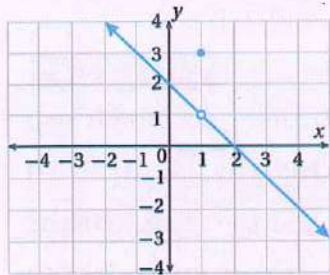
3 مدى الاقتران المتشعب $f(x)$ المُمثل بيانياً في الشكل المجاور:

$$\text{a) } [1, 4]$$

$$\text{b) } [1, \infty)$$

$$\text{c) } (-\infty, 4]$$

$$\text{d) } (-\infty, \infty)$$

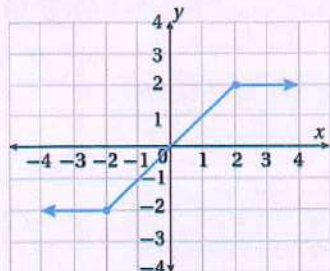
4 مدى الاقتران المتشعب $f(x)$ المُمثل بيانياً في الشكل المجاور:

$$\text{a) } (1, \infty)$$

$$\text{b) } (-\infty, 1)$$

$$\text{c) } (-\infty, \infty)$$

$$\text{d) } (-\infty, \infty) - \{1\}$$

5 مدى الاقتران المتشعب $f(x)$ المُمثل بيانياً في الشكل المجاور:

$$\text{a) } [-2, 2)$$

$$\text{b) } (-2, 2]$$

$$\text{c) } [-2, 2]$$

$$\text{d) } (-\infty, \infty)$$

الدّرس الأوّل: الاقترانات

• تمثيل اقتران القيمة المطلقة بيانياً:

يتكوّن التمثيل البياني لاقتران القيمة المطلقة الذي شعاعين على شكل حرف V متماثلين حول المحور $x = h$ أعلى قيمة أو أقل قيمة وإحداثياتها (h, k) .
يمكن تمثيل اقتران القيمة المطلقة بيانياً باستعمال

سؤال (22)

مثّل الاقتران: $f(x) = |x|$ بيانياً، ثم حدّد المجال والمدى:

الحل

x		
$f(x) = x $		
(x, y)	$(,)$	$(,)$

سؤال (23)

مثّل الاقتران: $f(x) = -|x+2| + 3$ بيانياً، ثم حدّد المجال والمدى:

الحل

x		
$f(x) = - x+2 + 3$		
(x, y)	$(,)$	$(,)$

• اقتران القيمة المطلقة

$$\frac{x+2}{2x-6}$$

ومن أبسط اقترانات

تُسمّى إعادة كتابة $f(x)$ المطلقة، إعادة تعريف

سؤال (16)

أعد تعريف اقتران

الحل

سؤال (17)

أعد تعريف اقتران

الحل

سؤال (18)

أعد تعريف اقتران

الحل